Mathematik-Training

Berechnung der Monatsrate:

Monatsrate =
$$\frac{22\ 000 \in +440 \in +5808 \in }{48}$$

Monatsrate = 588,50 €

Familie Wolf muss monatlich 588.50 € bezahlen.

4. Potenzen

Aufgabe 1

- a) 1 980 000 000
- b) 899 000 000 000
- c) 1 344 500 000

- d) 0.00000977
- e) 0,000000000002331

Aufgabe 2

- a) 9,1 · 10⁵
- b) $4.3 \cdot 10^7$
- c) $7.4 \cdot 10^{14}$

- d) 2 · 10⁻²
- e) 8,1 · 10⁻⁵
- f) 4.31 · 10⁻¹⁶

Aufgabe 3

Du musst überlegen, wie oft die 64 GB in die 2 TB hineingehen. Um dies zu berechnen, bietet es sich an, alle Einheiten in Byte umzuwandeln.

64 GB =
$$64 \cdot 10^9$$
 B = $6.4 \cdot 10^{10}$ B
2 TB = $2 \cdot 10^{12}$ B

Rechnung:

$$2 \cdot 10^{12} \text{ B}$$
 : $6.4 \cdot 10^{10} \text{ B}$ = $(2 : 6.4) \cdot 10^{12-10} \text{ B}$ = $0.3125 \cdot 10^{2} \text{ B}$ = 31.25

Dana benötigt 32 USB-Sticks, um die gleiche Speicherkapazität zu haben.

Aufgabe 4

- a) $1,412 \cdot 10^{18} \text{ km}^3 = 1,412 \cdot 10^{27} \text{ m}^3$
 - $1,99 \cdot 10^{27} \text{ t} = 1,99 \cdot 10^{33} \text{ g}$
 - $6,09 \cdot 10^{12} \text{ km}^2 = 6,09 \cdot 10^{22} \text{ cm}^2$
- b) Um diese Aussage zu überprüfen, muss man das Volumen der Sonne durch das Volumen der Erde dividieren. Dadurch, dass hier bereits die gleichen Einheiten angegeben sind, kann man wie folgt rechnen:

$$1,412 \cdot 10^{18} \text{ km}^3 : 1,085 \cdot 10^{12} \text{ km}^3 = 1 \ 301 \ 382,488$$

Mit seiner Aussage hat Malik daher nicht recht.

c) Bezeichne die Oberfläche des Mondes mit x.

 $6,09 \cdot 10^{12} \text{ km}^2 : \text{x km}^2 = 160 \ 263$

Nun kannst du x ausrechnen.

 $x = 38 000 037 \text{ km}^2$

Die Oberfläche des Mondes beträgt etwa 3,8 · 10⁷ km².

Aufgabe 5

- a) Um die Gesamtmasse eines Wassermoleküls zu berechnen, gehst du wie folgt vor:
 - 2 · Masse Wasserstoffatom + 1 · Masse Sauerstoffatom

$$2 \cdot 1,67 \cdot 10^{-29} \text{ kg} + 1 \cdot 2,65 \cdot 10^{-26} \text{ kg} = 2,65334 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$$

b) Hier musst du rechnen, wie viele Wasserstoffatome in 1 kg hineinpassen:

$$1 \text{ kg} : 1,67 \cdot 10^{-29} \text{ kg} = 5,99 \cdot 10^{28}$$

Aufgabe 6

Vorüberlegungen:

Der Temperaturunterschied von +40 °C zu -15 °C beträgt 55 °C.

Pro Grad und pro Meter wird die Brücke um 1,2 · 10⁻⁵ m länger.

Die Brücke ist 2000 m lang.

$$2000 \cdot 1.2 \cdot 10^{-5} \cdot 55 = 1.32 \text{ m} = 132 \text{ cm}$$

Die Brücke ist um 132 cm länger.

Aufgabe 7

Als Vorüberlegung musst du die gleiche Einheit erhalten:

1 mm³ = 1 ml; 1 000 000 ml = 10^6 ml = 1 l \Rightarrow Somit ist die Umrechnungszahl 10^6 .

 $5 \cdot 10^6 \cdot 10^6 = 5 \cdot 10^{6+6} = 5 \cdot 10^{12} \implies \text{In 1 I Blut sind } 5 \cdot 10^{12} \text{ Blutk\"orperchen.}$

- a) $5.2 \cdot 5 \cdot 10^{12} 2.8 \cdot 5 \cdot 10^{12} = 2.4 \cdot 5 \cdot 10^{12} = 12 \cdot 10^{12}$
- b) Der Mann und das Mädchen haben zusammen:

 $5.2 \cdot 5 \cdot 10^{12} + 2.8 \cdot 5 \cdot 10^{12} = 8 \cdot 5 \cdot 10^{12} = 40 \cdot 10^{12}$ Blutkörperchen

Nun multiplizierst du die Anzahl der Blutkörperchen mit dem Durchmesser eines Blutkörperchens:

 $40 \cdot 10^{12} \cdot 7 \cdot 10^{3} \text{ mm} = 280 \cdot 10^{12-3} \text{ mm} = 28 \cdot 10^{10} \text{ mm} = 28 \cdot 10^{4} \text{ km}$

c) In einem Jahr (ca. 365 Tage) muss die Gesamtzahl der roten Blutkörperchen dreimal erneuert werden, weshalb du die Gesamtzahl der roten Blutkörperchen mit Drei multiplizieren musst:

 $2.8 \cdot 5 \cdot 10^{12} \cdot 3 = 42 \cdot 10^{12}$